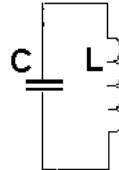


## Aufgabe:

Es wird die Auslenkung eines Federpendels (Masse  $m = 210 \text{ g}$ ) in Abhängigkeit der Zeit mit Hilfe eines y-t-Schreibers aufgenommen.

- a) Dokumentieren Sie den durchgeführten Versuch. Ermitteln Sie anhand der Messdaten die (Resonanz-)Frequenz  $f$  und Periodendauer  $T$  der Schwingung sowie die maximale Auslenkung  $y_0$ . (15 BE)
- b) Zunächst wird die Dämpfung vernachlässigt.
  - Zeigen Sie, dass für die entstehende ungedämpfte Schwingung die Differentialgleichung  $m\ddot{y}(t) + Dy(t) = 0$  gilt. ( $y(t)$  entspricht dabei der Auslenkung.)
  - Leiten Sie aus der Gleichung die Formel  $f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{D}{m}}$  zur Berechnung der Frequenz  $f$  der entstehenden Schwingung her und berechnen Sie daraus die Federkonstante  $D$ .
  - Bestimmen Sie mit Hilfe der maximalen Geschwindigkeit die Gesamtenergie  $E_{\text{ges}}$  des Pendels. (16 BE)
- c) Aufgrund der Reibungskraft  $F_R = -kv$  ( $k$ : Reibungskoeffizient) beobachtet man eine gedämpfte Schwingung.
  - Geben Sie dafür eine Differentialgleichung mit der Variablen  $y(t)$  an.
  - Für die zeitliche Abnahme der Auslenkungsamplitude  $\hat{y}$  erhält man  $\hat{y}(t) = y_0 e^{-\frac{k}{2m}t}$  (\*). Bestimmen Sie aus den Messwerten sowie der Gleichung (\*) den Reibungskoeffizienten.
  - Stellen Sie dar, wie man prinzipiell die Dämpfung eines schwingungsfähigen Systems kompensieren kann. (14 BE)



- d) Die harmonische Schwingung eines Federpendels mit der Masse  $m$  und der Federkonstante  $D$  ist ein mechanisches Analogon zur ungedämpften Schwingung eines elektromagnetischen Schwingkreises. Dabei wird die (momentane) Auslenkung  $y$  des Federpendels als die zur (momentanen) Ladung  $Q$  des Kondensators analoge Größe betrachtet.
  - Erörtern Sie weitere Analogien wie der (momentanen) Geschwindigkeit  $v$  des Federpendels und der (momentanen) Stromstärke  $I$  im Schwingkreis sowie einander entsprechender Energieformen beim Federpendel und beim Schwingkreis.
  - Berechnen Sie die Kapazität des Kondensators in einem elektrischen Schwingkreis  $S$  mit der Induktivität  $630 \text{ H}$ , dessen Resonanzfrequenz der Frequenz des Federpendels entspricht.
  - Mit dem oben genannten Schwingkreis  $S$  wird ein Schwingkreis  $S'$  mit gleicher Kapazität  $C' = C$  und einer zwischen  $4 \cdot L$  und  $L$  veränderlichen Induktivität  $L'$  zu erzwungenen Schwingungen angeregt. Beschreiben Sie qualitativ, wie sich die Frequenz bzw. die Amplitude der erzwungenen Schwingung des Schwingkreises  $S'$  verhält, wenn  $L'$  allmählich von  $4 \cdot L$  auf  $L$  verringert wird. (15 BE)